

Prof. Dr. Alfred Toth

Baumstrukturen der dyadisch-tetratomischen Zeichenrelation

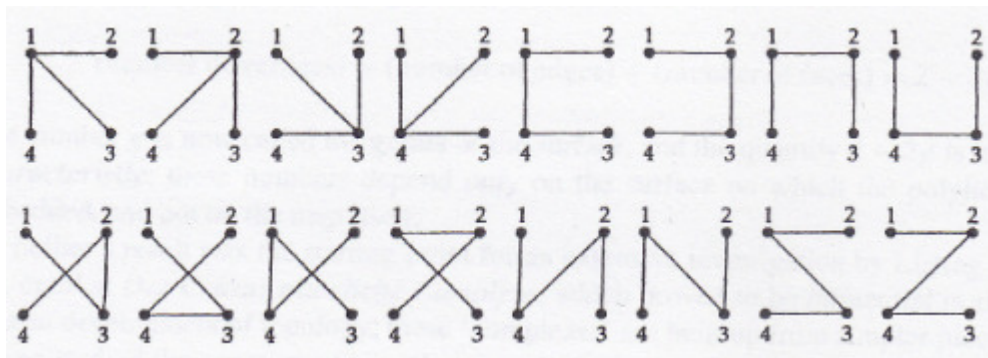
Die zuletzt in Toth (2011) behandelte dyadisch-trivalent-tetratomische Zeichenrelation

$$ZR = ((a.b), (c.d)) \text{ mit } a, b, c, d \in \{1, 2, 3\}$$

hat nach einer Vermutung von Cayley (1918 durch Prüfer bewiesen) genau 16 verschiedene Baumstrukturen, da die Anzahl der Bäume für n-stellige Relationen durch die Formel

$$t(n) = n^{n-2}$$

berechnet wird. Das folgende, Wilson (1999, S. 514) entnommene Bild enthält die 8 Grundtypen der Bäume einer 4-stelligen Relation zusammen mit ihren strukturellen Dualen, die sich allerdings durch die Beschriftung der Knoten unterscheiden und daher bezüglich $t(n)$ als gesonderte Baumstrukturen gerechnet werden:



2. Aus der Cayley-Prüferschen Formel folgt somit für die Semiotik, daß das folgende Dualsystem

$$((a.b), (c.d)) \times ((d.c), (b.a))$$

$$((a.b), (d.c)) \times ((c.d), (b.a))$$

$$((b.a), (c.d)) \times ((d.c), (a.b))$$

$((b.a), (d.c)) \times ((c.d), (a.b))$

$((a.c), (b.d)) \times ((d.b), (c.a))$

$((a.c), (d.b)) \times ((b.d), (c.a))$

$((c.a), (b.d)) \times ((d.b), (a.c))$

$((c.a), (d.b)) \times ((b.d), (a.c))$

$((a.d), (c.b)) \times ((b.c), (d.a))$

$((a.d), (b.c)) \times ((c.b), (d.a))$

$((d.a), (c.b)) \times ((b.c), (a.d))$

$((d.a), (b.c)) \times ((c.b), (a.d)),$

das alle $4! = 24$ Kombinationen enthält, die sich durch Einsetzung der Primzeichen in ZR ergeben, ebenfalls auf die $t(4) = 4^{4-2} = 16$ Typen von Baumstrukturen graphentheoretisch reduzierbar ist.

Bibliographie

Toth, Alfred, Pseudotriaden und Vermittlungszahlen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2011

Wilson, Robin J., Graph Theory. In: James, I.M. (Hrsg.), History of Topology. Amsterdam usw. 1999, S. 503-529

12.9.2011